

Συνοπτικό Τυπολόγιο Θερμοδυναμικής (Χριστίνα Πυρομάλη)

$$\text{Βαρομετρική εξίσωση: } dp = -\rho g dh \xrightarrow{\text{I.A.}} p = p_0 \cdot \exp\left(-\frac{ghM_m}{RT}\right)$$

h [m]: ύψος, M_m [kg/mol]: γραμμομοριακή μάζα, g [9,80665≈10 m·s⁻¹]: επιτάχυνση βαρύτητας

$$p = p_g + p_0$$

p [Pa]: απόλυτη πίεση, p_g [Pa]: μανομετρική ή σχετική πίεση, p_0 [Pa]: βαρομετρική ή ατμοσφαιρική

$$pV = nRT$$

$$m = \rho V$$

$$n = \frac{m}{M_r}$$

$$v = \frac{V}{m} = \frac{1}{\rho}$$

$$V_m = \frac{V}{n}$$

p [Pa], V [m³], n [mol], R [m³·Pa·K⁻¹·mol⁻¹], T [K], m [kg], ρ [kg·m⁻³], M_r [kg·mol⁻¹], v [m³·kg⁻¹]: ειδικός όγκος, V_m [m³]: γραμμομοριακός όγκος

Νόμος Boyle: $p_1V_1 = p_2V_2$, T & $m = \text{σταθερά}$

Νόμος Charles: $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$, p & $m = \text{σταθερά}$

Νόμος Gay-Lussac/2nd Charles: $\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2}$, V & $m = \text{σταθερά}$

Νόμος Dalton (Μίγματα αερίων): $p = p_A + p_B$ A, B Ιδανικά αέρια

$z = \frac{pV_m}{RT}$, z : Παράγοντας συμπιεστότητας ($z < 1$ Ελκτικές δυνάμεις, $z > 1$ απωστικές δυνάμεις)

$$\text{Virial: } p = \frac{RT}{V_m} - \frac{B}{V_m^2} + \frac{C}{V_m^3}$$

$$\text{Van der Waals: } p = \frac{RT}{V_m - b} - \frac{a}{V_m^2}$$

$$dU = \delta q + \delta w \xrightarrow{\int} \Delta U = q + w$$

q [J]: Θερμότητα, w [J]: Έργο, U [J]: Εσωτερική ενέργεια

d : ολικό διαφορικό- συνάρτηση σημείου, δ : μόρφωμα Pfaff - συνάρτηση διαδρομής

$$C := \frac{dq}{dT}$$

Ειδική θερμοχωρητικότητα υπό σταθερό όγκο [J/K]: $c_v = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_v$

Ειδική θερμοχωρητικότητα υπό σταθερή πίεση [J/K]: $c_p = \left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p$

$$\gamma = \frac{C_p}{C_v}$$

$pV^\gamma = \text{σταθ.}$ (Αντιστρεπτή Αδιαβατική Μεταβολή ΙΑ)

ΙΑ: $C_p = C_v + nR$, $c_v = \frac{R}{\gamma-1}$

Συντελεστής θερμικής διαστολής: $\alpha = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_p$, ΙΑ $\longrightarrow \alpha = \frac{1}{T}$

Ισόθερμη συμπίεστικότητα: $k_\tau = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial p}\right)_T$, ΙΑ $\longrightarrow k_\tau = \frac{1}{p}$

$$c_{p,m} - c_{v,m} = \left(\frac{\alpha^2}{k_\tau}\right) TV_m$$

**Εξάτμιση: $\Delta V = V_{(g)} - V_{(l)} = V_{(g)}$, $V_{(l)} \ll V_{(g)}$

$$q = IVt = I^2 Rt$$

$I [A]$: Ένταση Ρεύματος, $V [V]$: Ηλεκτρικό δυναμικό, $t[s]$: Time, $R[\Omega]$: Αντίσταση

Ισόθερμη: $T = \text{σταθ.}$, $\Delta U = 0$, $w = -p = -nRT \ln(V_2/V_1)$

Ισόχωρη: $V = \text{σταθ.}$, $\Delta V = 0$, $w = -\int p dV = 0$

Ισοβαρής: $p = \text{σταθ.}$, $\Delta p = 0$, $w = -nR\Delta T$

Αδιαβατική: $q = 0$, $\Delta U = w \Rightarrow c_v \Delta T = -\int p dV$

$$\Delta S^{sys} = S_2 - S_1 = \int_1^2 \frac{dq_{rev}^{sys}}{T^{sys}}$$

$$\Delta S^{surr} = -\frac{\Delta H}{T} \left. \begin{array}{l} \Delta H > 0 \rightarrow \Delta S^{surr} < 0 \rightarrow \text{Ενδόθερμη} \\ \Delta H < 0 \rightarrow \Delta S^{surr} > 0 \rightarrow \text{Εξώθερμη} \end{array} \right\}$$

Μηχανή Carnot $\rightarrow w = q - q'$ (ή ψυγείο Carnot $w' = q - q'$) & $\frac{q}{q'} = \frac{T_h}{T_c}$

Βαθμός απόδοσης [%]: $\varepsilon = \frac{T_h - T_c}{T_h}$

Μονάδες

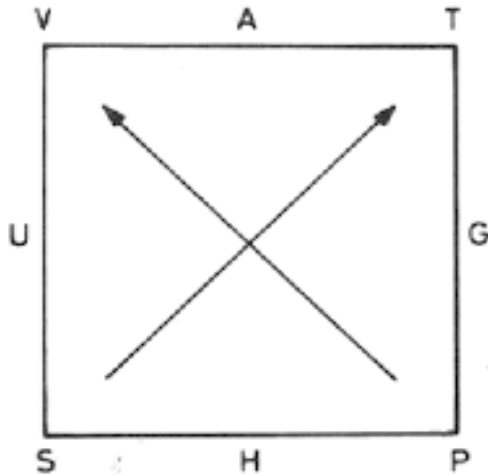
$$1 \text{ Pa} = \text{N} \cdot \text{m}^{-2} \approx 10^{-5} \text{ atm} \approx 10^{-5} \text{ bar}$$

$$1 \text{ J} = \text{N} \cdot \text{m} = \text{Pa} \cdot \text{m}^3 = 1 \text{ W} \cdot \text{s} \quad (1/4184) \text{ kcal} \quad (1 \text{ kcal} = 10^3 \text{ cal})$$

$$T [\text{K}] = 273,15 + T [^\circ\text{C}]$$

$$1 \text{ m}^3 = 10^3 \text{ L} = 10^6 \text{ cm}^3 = 10^3 \text{ dm}^3$$

Good Physicists Have Studied Under Very Able Teachers



Maxwell's Relations

$$\left(\frac{\partial T}{\partial p}\right)_S = \left(\frac{\partial V}{\partial S}\right)_p$$

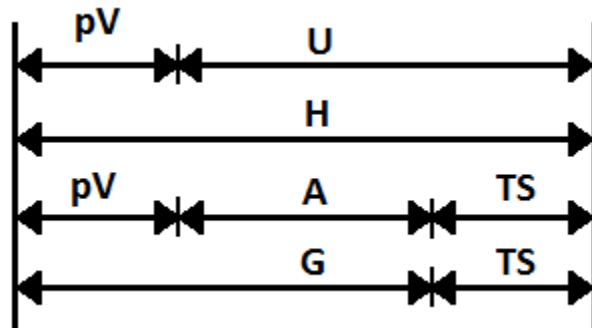
$$\left(\frac{\partial p}{\partial S}\right)_V = -\left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_S$$

$$\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_p = \left(\frac{\partial p}{\partial T}\right)_V$$

$$\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_p = -\left(\frac{\partial S}{\partial p}\right)_T$$

$$dU = T dS - p dV \quad \text{και} \quad dS = \frac{1}{T} dU + \frac{p}{T} dV$$

$$dU = \left(\frac{\partial U}{\partial S}\right)_V dS + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_S dV \quad dS = \left(\frac{\partial S}{\partial U}\right)_V dU + \left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_U dV$$



$$\begin{aligned} U &= H - pV \\ &= A + TS \\ &= G + TS - pV \\ H &= A + pV + TS \\ &= G + TS \\ A &= G - pV \end{aligned}$$

π.χ. $dU = dH - p dV - V dp$